Universidade Estadual de Santa Cruz - UESC Departamento de Ciências Exatas - DCEX CET083 - Probabilidade e Estatística Curso de Ciência da Computação Prof. José Cláudio Faria

Prova final

Análise Exploratória de Dados - AED

Pontuação total: 10

Prazo: 10/07/2024 - 15/07/2024

Nome: Matrícula:

Na resolução da prova use as funções geradoras de dados (gerar\_dados, gerar\_dados\_rl e gerar\_tdf), todas disponíveis no arquivo gerar dados v10.R na página da disciplina.

A função gerar\_dados foi programada para gerar uma amostra aleatória estratificada de pessoas do município X. As variáveis aleatórias de interesse são: Y1 (medido em un), Y2 (medido em un) e Sexo. Adicionalmente, assuma que Y1 e Y2 não podem assumir valores reais negativos. Os dados são fictícios e tem finalidades exclusivamente didáticas para fins de avaliação prática em análise de dados.

Realizar a análise exploratória dos dados com respostas às seguintes questões:

### 1 AED: Apresentações tabulares e gráficas (2.0)

# 1.1 Diagrama de caixa (boxplot) para Y1 e Y2 (1.0)

- 1. (0.5) Antes e após a eliminação de possíveis outliers<sup>1</sup>;
- 2. (0.5) Após a eliminação de possíveis outliers<sup>2</sup>.

# 1.2 Para Y1 (1.0)

- 1. (0.5) Uma apresentação tabular contendo apenas as freqüências: absoluta (Fi), relativa (Fr, %) e acumulada (Fac, %), nessa ordem²;
- 2. (0.5) Histograma e o polígono de freqüência acumulada dos dados<sup>2</sup>.

#### 2 AED: Medidas estatísticas básicas (3.0)

### 2.1 AED: Medidas determinadas a partir dos vetores (1.5)

Para as variáveis Y1 e Y2 elaborar apresentações tabulares<sup>2</sup> contendo as seguintes estimativas:

- 1. (0.5) Tendência central: média, mediana e moda;
- 2. (0.5) Posição: quartis e decis;
- 3. (0.5) Dispersão: amplitude total, variância, desvio padrão e coeficiente de variação.

## 2.2 AED: Medidas determinadas a partir de apresentações tabulares (1.5)

A função gerar\_tdf foi programada para gerar uma tabela de distribuição de frequências do tipo comum, dessas que se encontra em publicações. Considere que esta tabela descreve um assunto de seu interesse - publicado - e que é necessário determinar as medidas estatísticas básicas com finalidades de entendimento e comparações.

Elabore uma apresentação tabular contendo:

- 1. (0.5) Tendência central: média, mediana e moda;
- 2. (0.5) Posição: quartis e decis;
- 3. (0.5) Dispersão: amplitude total, variância, desvio padrão e coeficiente de variação.

 $<sup>^1{\</sup>rm N\~{a}o}$  distinguindo sexo

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Para cada sexo: M seguido de F

#### 3 AED: Medidas estatísticas de associação e regressão linear (4.0)

Considere os dados gerados pela função gerar\_dados para a questão subsequente:

### 3.1 Associação (1.5)

- 1. (0.5) Estimativas: covariância e correlação linear simples<sup>2</sup>;
- 2. (0.5) Diagramas de dispersão dos dados<sup>2,3</sup>;
- 3. (0.5) Um estudo semelhante foi realizado em um outro município, por outras pessoas. Contudo, as unidades de medida usadas foram: Y1 (100 \* un) e Y2 (100 \* un).

Para comparar associações entre as variáveis de ambos os estudos, qual seria a medida estatística recomendada? Justifique.

# 3.2 Regressão linear (2.5)

Considere os dados gerados pela função gerar\_dados\_rl como uma amostra de um estudo da influência de uma variável fixa X (medido em un) sobre uma variável aleatória Y (medido em  $un.dia^{-1}$ ).

Os dados são fictícios e tem finalidades exclusivamente didáticas para fins de avaliação prática em análise quantitativa de dados.

- 1. (1.0) Ajuste aos dados dois modelos de regressão linear: polinômios de grau I e II (ambos não forçado para a origem);
- 2. (0.5) Apresente um diagrama de dispersão dos dados<sup>4</sup> com o melhor modelo.
- 3. (0.5) Qual modelo melhor explica o fenômeno em estudo? Justifique com fundamentação estatística.
- 4. (0.5) Pelos critérios de ajustamento e escolha de modelos vistos em aula, os coeficientes de determinação  $(r^2)$  de modelos lineares ajustados (forçados e não forçados para a origem) são comparáveis? Justifique com fundamentação estatística.

#### 4 Contextualização (1.0)

Localize um artigo científico (periódico Qualis A ou B) em área de seu interesse no qual a análise exploratória de dados (AED - possivelmente com medidas de associação e uso de regressão linear como modelo explicativo) teve papel preponderante. Discuta o artigo com ênfase nos recursos da AED usados e também na adequação das normas básicas das apresentações gráficas e tabulares adotada pelo periódico.

### Observações:

- Para possibilitar a correção, anexe esta prova devidamente preenchida com nomes e metrículas efetivamente usadas na primeira página das respostas.
- As normas para apresentações gráficas e tabulares são obrigatórias, serão observadas e corrigidas.
- Sugere-se (mas não é obrigatório) o uso do ambiente R na resolução das questões propostas.
- A prova poderá ser entregue até as 24:00hs do prazo final.

 $<sup>^3</sup>$ Considere Y2 no eixo das ordenadas e Y1 no eixo das abscissas

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup>Considere Y no eixo das ordenadas e X no eixo das abscissas